# Муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение «Новоталицкая средняя школа»

Принято

на заседании педагогического совета Протокол № 1 «1» сентября 2023 г. Утверждаю

Директор МБОУ «Новоталицкая СШ»

Варламова И.Ю./

Приказ № 209-д-о/д от «1» сентября 2023 г.

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

по учебному предмету «Геометрия» (для обучающихся 10 - 11 классов)

основной общеобразовательной программы среднего общего образования

Составитель: Сорокина Любовь Васильевна

с. Ново-Талицы 2023 г.

# СОДЕРЖАНИЕ

3
6
8
8
9
11
14
14
15
16
16
20

#### ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Геометрия» базового уровня для обучающихся 10-11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования.

Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

#### ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА.

Важность учебного курса геометрии на уровне среднего общего образования обусловлена практической значимостью метапредметных и предметных результатов обучения геометрии в направлении личностного развития обучающихся, формирования функциональной математической грамотности, изучения других учебных дисциплин. Развитие у обучающихся правильных представлений о сущности и происхождении геометрических абстракций, соотношении реального и идеального, характере отражения математической наукой явлений и процессов реального мира, месте геометрии в системе наук и роли математического моделирования в научном познании и в практике способствует формированию научного мировоззрения учащихся, а также качеств мышления, необходимых для адаптации в современном обществе.

Геометрия является одним из базовых предметов на уровне среднего общего так как обеспечивает возможность изучения образования, как естественнонаучной направленности, так и гуманитарной. Логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии и построении цепочки логических утверждений в ходе решения геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественнонаучного цикла, в частности из курса физики. Умение ориентироваться в пространстве играет существенную роль во всех областях деятельности человека. Ориентация человека во времени и пространстве — необходимое условие его социального бытия, форма отражения окружающего мира, условие успешного познания и активного преобразования действительности. Оперирование пространственными образами объединяет разные виды учебной и трудовой деятельности, является одним из профессионально важных качеств, поэтому актуальна задача формирования обучающихся пространственного мышления как разновидности образного мышления существенного компонента в подготовке к практической деятельности по многим направлениям.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на базовом уровне обучения – общеобразовательное и общекультурное развитие обучающихся через обеспечение возможности приобретения и использования систематических геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием геометрии. Программа по геометрии на базовом уровне предназначена для обучающихся средней школы, не испытывавших значительных затруднений на уровне основного общего образования. Таким образом, обучающиеся на базовом уровне должны освоить общие математические умения, связанные со спецификой геометрии и необходимые для жизни в современном обществе. Кроме этого, они имеют возможность изучить геометрию более глубоко, если в дальнейшем возникнет необходимость в геометрических знаниях в профессиональной

деятельности. Достижение цели освоения программы обеспечивается решением соответствующих задач.

Приоритетными задачами освоения курса «Геометрии» на базовом уровне в 10—11 классах являются:

- формирование представления о геометрии как части мировой культуры и осознание её взаимосвязи с окружающим миром;
- формирование представления о многогранниках и телах вращения как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира;
- формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения; овладение методами решения задач на построения на изображениях пространственных фигур;
- формирование умения оперировать основными понятиями о многогранниках и телах вращения и их основными свойствами;
- овладение алгоритмами решения основных типов задач; формирование умения проводить несложные доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием;
- развитие интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления;
- формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умение распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке геометрии и создавать геометрические модели, применять освоенный геометрический аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Отличительной особенностью программы является включение в курс стереометрии в начале его изучения задач, решаемых на уровне интуитивного познания, и определённым образом организованная работа над ними, что способствуют развитию логического и пространственного мышления, стимулирует протекание интуитивных процессов, мотивирует к дальнейшему изучению предмета. Предпочтение отдаётся наглядно-конструктивному методу обучения, то есть теоретические знания имеют в своей основе чувственность предметнопрактической деятельности.

Развитие пространственных представлений у учащихся в курсе стереометрии проводится за счёт решения задач на создание пространственных образов и задач на оперирование пространственными образами. Создание образа проводится с опорой на наглядность, а оперирование образом — в условиях отвлечения от наглядности, мысленного изменения его исходного содержания.

Основные содержательные линии курса «Геометрии» в 10–11 классах: «Многогранники», «Прямые и плоскости в пространстве», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве».

Формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения на уровне среднего общего образования. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы овладение

геометрическими понятиями и навыками осуществлялось последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, чтобы новые знания включались в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

На изучение учебного курса «Геометрия» отводится 136 часов: в 10 классе -68 часов (2 часа в неделю), в 11 классе -68 часов (2 часа в неделю).

#### СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

#### 10 КЛАСС

#### Прямые и плоскости в пространстве.

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве; параллельность трёх прямых; параллельность прямой и плоскости.

Углы с сонаправленными сторонами; угол между прямыми в пространстве.

Параллельность плоскостей: параллельные плоскости; свойства параллельных плоскостей.

Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед; построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью; двугранный угол, линейный угол двугранного угла.

Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость.

Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

# Многогранники

Понятие многогранника, основные элементы многогранника, выпуклые и невыпуклые многогранники; развёртка многогранника.

Призма: n-угольная призма; грани и основания призмы; прямая и наклонная призмы; боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства.

Пирамида: п-угольная пирамида, грани и основание пирамиды; боковая и полная поверхность пирамиды; правильная и усечённая пирамида. Элементы призмы и пирамиды.

Правильные многогранники: понятие правильного многогранника; правильная призма и правильная пирамида; правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр; куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр. Сечения призмы и пирамиды.

Симметрия в пространстве: симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Элементы симметрии в пирамидах, параллелепипедах, правильных многогранниках.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Понятие об объёме. Объём пирамиды, призмы. Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел.

#### 11 КЛАСС

#### Тела вращения

Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, ось цилиндрической поверхности. Цилиндр: основания и боковая поверхность, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности.

Коническая поверхность, образующие конической поверхности, ось и вершина конической поверхности. Конус: основание и вершина, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности. Усечённый конус: образующие и высота; основания и боковая поверхность.

Сфера и шар: центр, радиус, диаметр; площадь поверхности сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости; касательная плоскость к сфере; площадь сферы.

Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Комбинации тел вращения и многогранников.

Многогранник, описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник, или тело вращения.

Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём цилиндра, конуса. Объём шара и площадь сферы.

Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел. Сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара.

## Векторы и координаты в пространстве

Вектор на плоскости и в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по трём некомпланарным векторам. Правило параллелепипеда. Решение задач, связанных с применением правил действий с векторами. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Вычисление углов между прямыми и плоскостями. Применение координатно-векторного метода при решении геометрических задач.

#### ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

**Личностные результаты** освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

#### Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

#### Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

#### Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

#### Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства. Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

#### Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности. Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

#### Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

#### МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

#### Познавательные универсальные учебные действия

Универсальные познавательные действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

#### Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### Базовые исследовательские действия:

• использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### Работа с информацией:

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.

# Коммуникативные универсальные учебные действия:

#### Обшение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

#### Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
- принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

#### Регулятивные универсальные учебные действия

#### Самоорганизация:

• самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

#### ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

#### 10 класс

Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость. Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач.

Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей.

Классифицировать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.

Оперировать понятиями: двугранный угол, грани двугранного угла, ребро двугранного угла; линейный угол двугранного угла; градусная мера двугранного угла.

Оперировать понятиями: многогранник, выпуклый и невыпуклый многогранник, элементы многогранника, правильный многогранник.

Распознавать основные виды многогранников (пирамида; призма, прямоугольный параллелепипед, куб).

Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации (выпуклые и невыпуклые многогранники; правильные многогранники; прямые и наклонные призмы, параллелепипеды).

Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение многогранников. Объяснять принципы построения сечений, используя метод следов.

Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу.

Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление расстояний между двумя точками, от точки до прямой, от точки до плоскости, между скрещивающимися прямыми.

Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление углов между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью, между плоскостями, двугранных углов.

Вычислять объёмы и площади поверхностей многогранников (призма, пирамида) с применением формул; вычислять соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных многогранников.

Оперировать понятиями: симметрия в пространстве; центр, ось и плоскость симметрии; центр, ось и плоскость симметрии фигуры.

Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках.

Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме.

Применять простейшие программные средства и электроннокоммуникационные системы при решении стереометрических задач.

Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве.

Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.

#### 11 КЛАСС

Оперировать понятиями: цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности; цилиндр; коническая поверхность, образующие конической поверхность, конус; сферическая поверхность.

Распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар).

Объяснять способы получения тел вращения.

Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости.

Оперировать понятиями: шаровой сегмент, основание сегмента, высота сегмента; шаровой слой, основание шарового слоя, высота шарового слоя; шаровой сектор.

Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул.

Оперировать понятиями: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник или тело вращения.

Вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел.

Изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертёжных инструментов.

Выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; строить сечения тел вращения.

Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках.

Оперировать понятием вектор в пространстве. Выполнять действия сложения векторов, вычитания векторов и умножения вектора на число, объяснять, какими свойствами они обладают. Применять правило параллелепипеда.

Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные и компланарные векторы. Находить сумму векторов и произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение, раскладывать вектор по двум неколлинеарным векторам. Задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат.

Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме.

Решать простейшие геометрические задачи на применение векторно-координатного метода.

Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные методы при решении стандартных математических задач.

Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач.

Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве.

Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.

# ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

# 10 КЛАСС

No -/-	Политический полит	Количество часов			Количество часов	пичество часов
№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Всего	Контрольные работы			
1	Введение в стереометрию	10	1			
2	Прямые и плоскости в пространстве. Параллельность прямых и плоскостей	12	1			
3	Перпендикулярность прямых и плоскостей	12				
4	Углы между прямыми и плоскостями	10	1			
5	Многогранники	11	1			
6	Объёмы многогранников	9	1			
7	Повторение: сечения, расстояния и углы	4	1			
ОБЩЕЕ І	ОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	68	6			

# 11 КЛАСС

№ п/п	По	Кол	ичество часов
J <b>\</b> ≌ 11/11	Наименование разделов и тем программы	Всего	Контрольные работы
1	Повторение курса геометрии 10 класс	3	
2	Метод координат в пространстве	12	1
3	Тела и поверхности вращения	14	1
4	Объемы тел и площади их поверхностей	23	1
5	Итоговое повторение курса геометрии 10-11 классов	16	1
ОБЩЕЕ	КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	68	4

# ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

# 10 класс

№	Тема урока	да	та	Контрольные работы	
		план	факт		
	Введение в стереометрию - 10 ч	іасов		•	
1.	Основные понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство				
2.	Правила изображения на рисунках: изображения плоскостей, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка				
3.	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость				
4.	Знакомство с многогранниками				
5.	Изображение многогранников на рисунках				
6.	Изображение многогранников на проекционных чертежах				
7.	Куб, его развёртки и модели				
8.	Пирамида, её развёртки и модели				
9.	Сечения многогранников				
10.	Контрольная работа №1 по теме «Введение в стереометрию»				
	Прямые и плоскости в пространстве. Параллельность прямых и плоскосте	й - 12 часов			
11.	Взаимное расположение прямых в пространстве				

<ul> <li>12. Параллельные прямые в пространстве</li> <li>13. Параллельность трёх прямых</li> <li>14. Параллельность прямой и плоскости</li> <li>15. Углы с сонаправленными сторонами</li> </ul>		
14. Параллельность прямой и плоскости		
15. Углы с сонаправленными сторонами		
16. Угол между прямыми в пространстве		
17. Параллельные плоскости, их свойства		
18. Тетраэдр		
19. Куб		
20. Параллелепипед		
21. Построение сечений		
22. Контрольная работа №2 по теме «Прямые и плоскости в пространстве»		
Перпендикулярность прямых и плоскостей	і - 12 часов	
23. Перпендикулярные прямые в пространстве		
24. Прямые, параллельные плоскости		
25. Прямые, перпендикулярные к плоскости		
26. Признак перпендикулярности прямой и плоскости		
27. Теорема о прямой, перпендикулярной плоскости		

28.	Перпендикуляр и наклонные		
•			
29.	Расстояние от точки до плоскости		
30.	Расстояние от прямой до плоскости		
31.	Нахождение углов между скрещивающимися прямыми в кубе		
32.	Нахождение углов между скрещивающимися прямыми в пирамиде		
33.	Решение задач		
34.	Контрольная работа №3 по теме «Перпендикулярность прямых и плоскостей»		
	Углы между прямыми и плоскостям	и - 10 часов	
35.	Угол между прямой и плоскостью		
36.	Двугранный угол		
37.	Линейный угол двугранного угла		
38.	Перпендикулярность плоскостей		
39.	Признак перпендикулярности двух плоскостей		
40.	Нахождение углов между плоскостями в кубе		
41.	Нахождение углов между плоскостями в пирамиде		
42.	Теорема о трёх перпендикулярах		
43.	Решение задач		

44.	Контрольная работа №4 по теме «Углы между прямыми и плоскостями»							
	Многогранники - 10 часов							
45.	Понятие многогранника							
46.	Призма: прямая и наклонная							
47.	Боковая и полная поверхность призмы							
48.	Прямоугольный параллелепипед и его свойства							
49.	Пирамида							
50.	Полная поверхность пирамиды							
51.	Правильная и усечённая пирамиды							
52.	Правильные многогранники							
53.	Симметрия в пространстве: относительно точки, прямой, плоскости							
54.	Контрольная работа №5 по теме «Многогранники»							
	Объёмы многогранников - 8 ча	сов						
55.	Понятие об объёме							
56.	Основные свойства объёмов							
57.	Объём параллелепипеда							
58.	Объём пирамиды							

59.	Объём призмы		
60.	Вычисление объёмов тел		
61.	Решение задач		
62.	Итоговая аттестация. Контрольная работа №6		
	Повторение - 8 часов		
63.	Построение сечений в многограннике		
64.	Вычисление расстояний между двумя точками, от точки до прямой		
65	Вычисление расстояний: от точки до плоскости, между скрещивающимися прямыми		
66.	Вычисление углов между скрещивающимися прямыми		
67.	Вычисление углов между прямой и плоскостью		
68.	Вычисление углов между плоскостями		

# 11 класс

№	Тема урока	дата		Контрольные работы		
		план	факт			
	Повторение курса геометрии 10 класса (3 часа)					
1	Параллельность и перпендикулярность в пространстве					

2	Многогранники			
3	Векторы			
	Метод координат в пространств	е (12 часов)	l	
4	Прямоугольная система координат в пространстве			
5	Координаты вектора			
6	Координаты вектора			
7	Связь между координатами векторов и координатами точек			
8	Простейшие задачи в координатах.			
9	Угол между векторами. Скалярное произведение векторов			
10	Угол между векторами. Скалярное произведение векторов			
11	Вычисление углов между прямыми и плоскостями			
12	Движение. Виды движения			
13	Движение. Виды движения			
14.	Повторение. Решение задач по теме «Метод координат в пространстве»			
15.	Контрольная работа №1 по теме «Метод координат в пространстве»			
	Тела и поверхности вращения (14 часов)			
16.	Понятие цилиндра			

THE STATE OF THE S			
Площадь поверхности цилиндра			
Цилиндр. Решение задач.			
Конус			
Площадь поверхности конуса.			
Усеченный конус			
Сфера и шар. Уравнение сферы			
Взаимное расположение сферы и плоскости.			
Касательная плоскость к сфере			
Площадь сферы			
Решение задач. Многогранники, цилиндр, конус и шар.			
Решение задач. Многогранники, цилиндр, конус и шар			
Повторение и обобщение			
Контрольная работа №2 по теме «Тела вращения»			
Объемы тел и площади их поверх	ностей (23 часа)		
Понятие объёма. Объём прямоугольного параллелепипеда			
Объём прямоугольного параллелепипеда. Объём прямой призмы с треугольником в основании			
Объём прямоугольного параллелепипеда. Объём прямой призмы с треугольником в основании Решение задач			
	Конус Площадь поверхности конуса.  Усеченный конус Сфера и шар. Уравнение сферы Взаимное расположение сферы и плоскости.  Касательная плоскость к сфере Площадь сферы Решение задач. Многогранники, цилиндр, конус и шар. Решение задач. Многогранники, цилиндр, конус и шар Повторение и обобщение Контрольная работа №2 по теме «Тела вращения»  Объемы тел и площади их поверх Понятие объёма. Объём прямоугольного параллелепипеда Объём прямоугольного параллелепипеда. Объём прямой призмы с треугольником в основании Объём прямоугольного параллелепипеда. Объём прямой призмы с	Цилиндр. Решение задач.  Конус  Площадь поверхности конуса.  Усеченный конуе  Сфера и шар. Уравнение сферы  Взаимное расположение сферы и плоскости.  Касательная плоскость к сфере  Площадь сферы  Решение задач. Многогранники, цилиндр, конус и шар.  Решение задач. Многогранники, цилиндр, конус и шар  Повторение и обобщение  Контрольная работа №2 по теме «Тела вращения»  Объемы тел и площади их поверхностей (23 часа)  Понятие объёма. Объём прямоугольного параллелепипеда  Объём прямоугольного параллелепипеда. Объём прямой призмы с треугольником в основании  Объём прямоугольного параллелепипеда. Объём прямой призмы с	Цилиндр. Решение задач.  Конус  Площадь поверхности конуса.  Усеченный конус  Сфера и шар. Уравнение сферы  Взаимное расположение сферы и плоскости.  Касательная плоскость к сфере  Площадь сферы  Решение задач. Многогранники, цилиндр, конус и шар.  Решение задач. Многогранники, цилиндр, конус и шар  Повторение и обобщение  Контрольная работа №2 по теме «Тела вращения»  Объемы тел и площади их поверхностей (23 часа)  Понятие объёма. Объём прямоугольного параллелепипеда  Объём прямоугольного параллелепипеда. Объём прямой призмы с треугольником в основании  Объём прямоугольного параллелепипеда. Объём прямой призмы с

33	Объём прямой призмы		
34	Объём прямой призмы		
35	Объём цилиндра		
36	Объём цилиндра		
37	Вычисление объёмов тел с помощью интеграла		
38	Объём наклонной призмы		
39	Объём пирамиды		
40	Объём пирамиды		
41	Объём пирамиды		
42	Объём конуса		
43	Объём конуса. Решение задач		
44	Решение задач по теме «Объёмы тел»		
45	Объём шара		
46	Объём шара		
47	Объём шарового сегмента, шарового слоя, сектора		
48	Объём шарового сегмента, шарового слоя, сектора		
49	Площадь сферы		

50	Объём шара и его частей. Площадь сферы. Решение задач						
51	Обобщение и повторение						
52	Контрольная работа №3 по теме «Объёмы тел и площади их поверхностей»						
	Итоговое повторение курса геометрии 10 -11 классов (16 часов)						
53	Аксиомы стереометрии						
54	Параллельность в пространстве						
55	Перпендикулярность в пространстве						
56	Многогранники						
57	Многогранники						
58	Многогранники						
59	Векторы в пространстве						
60	Тела вращения. Площади их поверхностей						
61	Тела вращения						
62	Тела вращения						
63	Объёмы тел						
64	Объёмы тел						
65	Итоговая контрольная работа						

66	Комбинации с вписанными сферами		
67	Комбинации с описанными сферами		
68	Комбинации тел		

# УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

#### ДЛЯ УЧЕНИКА

10 класс Л.С. Атанасян, В.Ф. Бутузов, С.Б. Кадомцев, Э.Г. Позняк, Л.С. Киселева. Геометрия (базовый и углубленный уровень). 10-11 классы. Учебник. Москва. «Просвещение».

Б.Г. Зив. Дидактические материалы по геометрии для 10 класса. Москва. «Просвещение».

11 класс

Л.С. Атанасян, В.Ф. Бутузов, С.Б. Кадомцев, Э.Г. Позняк, Л.С. Киселева. Геометрия (базовый и углубленный уровень). 10-11 классы. Учебник. Москва. «Просвещение».

Б.Г. Зив. Дидактические материалы по геометрии для 11 класса. Москва. «Просвещение».

### для учителя

Е.М. Рабинович. Задачи и упражнения на готовых чертежах. 10 - 11 классы. Геометрия. Москва. «Илекса». А.П. Ершова, В.В. Голобородько. Самостоятельные и контрольные работы. Геометрия 10 - 11. Москва. «Илекса». А.П. Ершова, В.В. Голобородько. Устные проверочные и зачетные работы по геометрии для 10-11 класса. Москва. «Илекса».